

# Inhalt

## Vorwort

<b>1 Wiederholung: Lineare Gleichungssysteme</b> .....	<b>1</b>
1.1 Begriffsklärung .....	2
1.2 Das Gauß-Verfahren .....	3
1.3 Anzahl der Lösungen .....	6
1.4 Anwendungen .....	8
<b>2 Darstellung geometrischer Objekte</b> .....	<b>11</b>
2.1 Koordinatensystem .....	12
2.2 Koordinatenfreie Darstellungsformen .....	17
<b>3 Vektoren</b> .....	<b>21</b>
3.1 Definition .....	22
3.2 Punkte und Vektoren .....	22
3.3 Addition und skalare Multiplikation von Vektoren .....	24
3.4 Linearkombinationen .....	27
3.5 Lineare Abhängigkeit und Unabhängigkeit .....	29
<b>4 Skalarprodukt</b> .....	<b>33</b>
4.1 Definition und Eigenschaften des Skalarprodukts .....	34
4.2 Länge eines Vektors .....	36
4.3 Winkel zwischen zwei Vektoren .....	38
4.4 Beweise mit Vektoren .....	40
<b>5 Geraden und Ebenen</b> .....	<b>45</b>
5.1 Geraden .....	46
5.2 Ebenen .....	49
<b>6 Vektorprodukt und Normalenform</b> .....	<b>53</b>
6.1 Der Normalenvektor .....	54
6.2 Vektorprodukt .....	56
6.3 Normalenform der Ebene .....	58
6.4 Koordinatenform der Ebene .....	60
6.5 Spurpunkte und Spurgeraden .....	63
<b>7 Lagebeziehungen zwischen geometrischen Objekten</b> .....	<b>65</b>
7.1 Berechnungen mithilfe der Parameterform .....	66
7.2 Berechnungen mithilfe der Koordinatenform .....	76

<b>8 Schnittwinkel und Abstand</b> .....	<b>81</b>
8.1 Schnittwinkel zwischen geometrischen Objekten .....	82
8.2 Abstand zwischen geometrischen Objekten .....	87
<b>9 Flächeninhalt und Volumen</b> .....	<b>97</b>
9.1 Fläche eines Parallelogramms .....	98
9.2 Volumen eines Spats .....	100
9.3 Volumen einer Pyramide .....	101
<b>10 Kreise und Kugeln</b> .....	<b>105</b>
10.1 Kreise .....	106
10.2 Kugeln .....	107
10.3 Kugeln und Geraden .....	109
10.4 Kugeln und Ebenen .....	111
10.5 Schnitt zweier Kugeln .....	114
<b>11 Anwendungsaufgaben und Modellierung</b> .....	<b>117</b>
<b>12 Aufgabenmix</b> .....	<b>123</b>
<b>Lösungen</b> .....	<b>131</b>
<b>Stichwortverzeichnis</b> .....	<b>233</b>

**Autor:** Eberhard Endres